

CONTROLERUL

1. Introducere

Lucrarea are drept scop prezentarea noțiunii de **controler** în contextul reglării unui sistem, a modalităților de realizare teoretică și fizică, a posibilităților de modelare și simulare.

2. Considerații teoretice

În ansamblul sistemului mecatronic, controlerul ocupă un loc important fără de care nu se poate realiza automatizarea procesului pe care îl implică existența sistemului.

Într-o variantă simplă și de generalitate extremă, **controlerul** are rolul de a prelucra, după o anumită lege, eroarea rezultată din comparația mărimii de intrare (de referință) X și a celei de reglare R:

$$E = X - R \tag{6.1}$$

și de a furniza la ieșire o mărime de comandă U care se aplică obiectului reglat (fig.6.1)

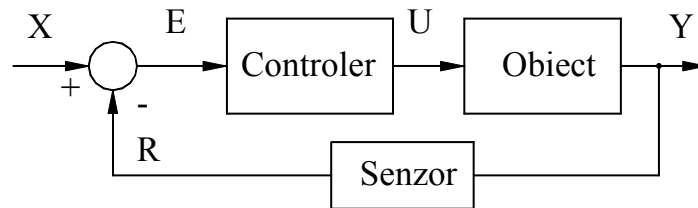


Fig.6.1

În absența elementului de reglare, – controlerul – mărimea de ieșire ar suporta modificări importante și necontrolate datorită efectelor perturbatoare care acționează în diverse puncte ale obiectului avut în vedere.

O clasificare a controlerelor poate fi realizată după diverse criterii:

- forma relației dintre mărimea de comandă și eroare: *controlere continue* (mărimea de comandă U este influențată în mod continuu de eroarea E) și *controlere discrete*;
- natura fizică a mărimilor de la intrarea și ieșirea controlerului: *controlere electrice, pneumatice și hidraulice*;
- sursa de energie cu care funcționează: *controlere directe* (funcționează pe baza energiei preluate din proces prin intermediul traductoarelor de reacție) și *controlere indirecte* (cu sursă de energie auxiliară).

Controlerele cu acțiune continuă cu o largă utilitate se disting după dependența de regim dinamic care se stabilește între mărimile de comandă U și de eroare E:

- proporționale (simbol P):

$$u(t) = K_p \cdot \varepsilon(t) \tag{6.2}$$

unde K_p este factorul de amplificare al controlerului

- integrale (simbol I):

$$u(t) = \frac{1}{T_I} \cdot \int \varepsilon(t) \cdot dt = K_I \cdot \int \varepsilon(t) \cdot dt \tag{6.3}$$

unde T_I are dimensiune de timp și se numește constanta de integrare.

- derivate (simbol D):

$$u(t) = T_D \cdot \frac{d\varepsilon(t)}{dt} = K_D \cdot \frac{d\varepsilon(t)}{dt} \tag{6.4}$$

unde T_D are dimensiune de timp și poartă denumirea de constantă de timp derivativă

- combinații: PI, PD, PID. Varianta PID este cea mai completă care permite performanțe superioare atât în regim staționar cât și regim dinamic. Relația de dependență a controlerului

PID poate fi scrisă sub forma:

$$u(t) = K_p \cdot \varepsilon(t) + K_I \cdot \int \varepsilon(t) \cdot dt + K_D \cdot \frac{d\varepsilon(t)}{dt} \quad (6.5)$$

Scopul controlerului este de a asigura un timp de creștere corespunzător, o supracreștere minimă, fără eroare staționară. Modul de influențare a performanțelor de către constantele controlerului este prezentat calitativ în tabelul 6.1.

Tabelul 6.1

	Timpul de creștere	Supracreșterea	Timpul de răspuns	Eroare
K_p	diminuare	creștere	influență redusă	diminuare
K_I	diminuare	creștere	creștere	elimină
K_D	influență redusă	diminuare	diminuare	influență redusă

În cazul general, un regulator electronic continuu poate fi considerat de structura din figura 6.2. Regulatorul se compune dintr-un amplificator operațional AO, un circuit pasiv de intrare (1) și un circuit pasiv de reacție (2).

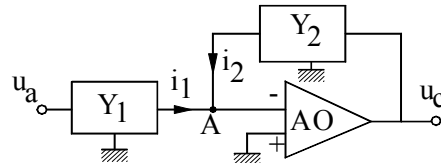


Fig.6.2

În tabelul 6.2 se prezintă modalități de realizare a unor tipuri de controlere.

Tabelul 6.2

Tip	Schemă	Echivalență impedanțe	Funcție de transfer
P		$Z_0(s) = R_0$ $Z_1(s) = R_1$ $Z_2(s) = 0$ $Z_3(s) = \infty$	$Y(s) = K_R$ $ K_R = \frac{R_1}{R_0}$
PI		$Z_0(s) = R_0$ $Z_1(s) = R_1 + \frac{1}{s \cdot C_1}$ $Z_2(s) = 0$ $Z_3(s) = \infty$	$Y(s) = K_R \cdot \left(1 + \frac{1}{s \cdot T_i}\right)$ $ K_R = \frac{R_1}{R_0}$ $T_i = R_1 \cdot C_1$
PD		$Z_0(s) = R_0$ $Z_1(s) = R_1$ $Z_2(s) = R_2$ $Z_3(s) = \frac{1}{s \cdot C_3}$	$Y(s) = K_R \cdot (1 + s \cdot T_d)$ $ K_R = \frac{R_1 + R_2}{R_0}$ $T_d = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2} \cdot C_3$

În construcția reglatoarelor electronice intervin și probleme legate de precizia acordării parametrilor și a realizării legii de reglare dorite, a asigurării posibilităților de cuplare cu sistemele de calcul. Stabilirea valorilor pentru parametrii componentelor pasive se poate realiza prin simularea funcționării regulatorului.

Un bloc component al regulatorului este *blocul de însumare*; acesta îndeplinește rolul de a efectua o operație de adunare sau scădere a unei mărimi analogice (tensiune).

Amplificatorul operațional poate realiza suma sau diferența mai multor tensiuni utilizând o schemă asemănătoare cu cea din figura 6.3.

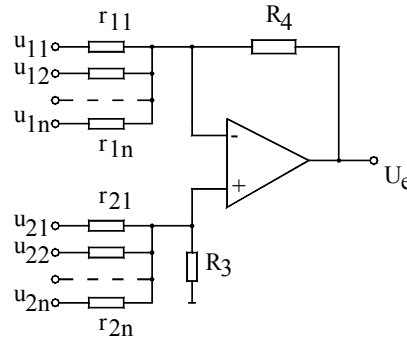


Fig.6.3

Tensiunea la ieșirea amplificadorului operațional va fi ($R_3=R_4$):

$$U_e = -\frac{R_4}{R_1} \cdot \left(\sum_i U_{1i} - \sum_i U_{2i} \right) \quad (6.6)$$

Elementul de comparație (EC) din schema de reglare are rolul de stabili eroarea existentă între mărimea de referință și mărimea reglată (fig.6.1).

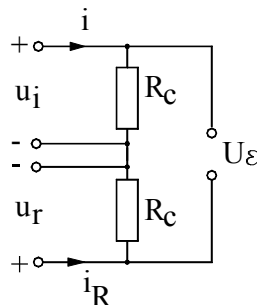


Fig.6.4

O posibilitate de realizare fizică a EC are la bază schema din figura 6.4. Două rezistențe egale R_c sunt străbătute în sensuri opuse de curenții i_R și respectiv i ; i_R este proporțional cu mărimea reglată, iar i este proporțional cu mărimea de intrare. Mărimea de intrare poate fi denumită mărime de referință, sau mărime prescrisă, dacă are valoare constantă. Tensiunea la ieșirea din elementul de comparație EC se poate exprima prin relația:

$$U_\epsilon = R_c \cdot i - R_c \cdot i_R = R_c \cdot i_\epsilon \quad (6.7)$$

și va fi proporțională cu eroarea ϵ a sistemului de reglare.

3. Mersul lucrării

3.1 Modelarea în mediul EWB a unor componente ale controlerului

a) Se consideră circuitul inversor din figura 6.5. Se modelează circuitul în mediul EWB considerând semnalul de intrare sinusoidal $V_{in} = 1-5$ V, 5Hz. Examinați semnalul de ieșire dacă rezistorul R_f ia valorile 100 K, 330 K, 1 M prin modificarea amplitudinii semnalului de intrare. Comentați rezultatele.

b) Considerați circuitul integrator din figura 6.6. Modelați circuitul în mediul EWB cu

următoarele valori: $C = 0.1 \mu\text{F}$, $R_1 = 100 \text{ K}$, $R_2 = 0$. Semnalul de intrare se consideră de amplitudine 1 V, 1 Hz. Observați semnalul de răspuns. Creșteți ușor frecvența de intrare și determinați modul de lucru a circuitului. Consemnați rezultatele.

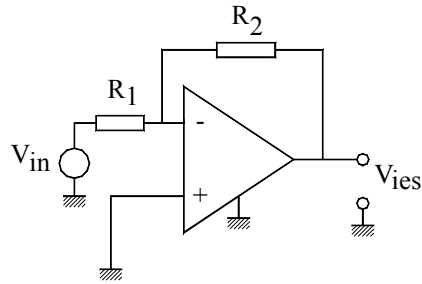


Fig.6.5

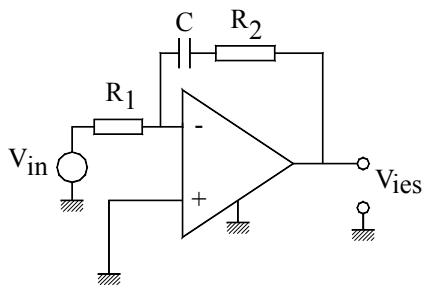


Fig.6.6

c) Modelați un circuit de comparare în mediul EWB și notați concluziile.

3.2 Simularea în Matlab a unui sistem mecanic cu controler

Sistemul supus problemei de control este format dintr-o masă inerțială “m” aflată sub acțiunea forței “F” și sub acțiunea unor legături elastice și respectiv de amortizare (fig.6.7).

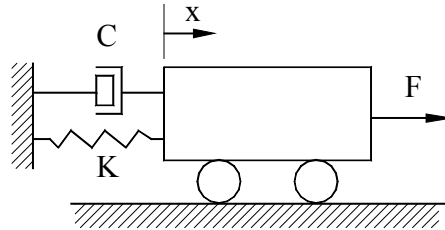


Fig.6.7

Modelul matematic al sistemului este descris de ecuația:

$$m \cdot \frac{d^2x}{dt^2} + C \cdot \frac{dx}{dt} + K \cdot x = F \tag{6.8}$$

permite obținerea funcției de transfer a sistemului de forma:

$$\frac{X(s)}{F(s)} = \frac{1}{m \cdot s^2 + C \cdot s + K} \tag{6.9}$$

Considerăm cazul numeric: $m = 2 \text{ kg}$, $C = 10 \text{ Ns/m}$, $K = 25 \text{ N / m}$, $F = 2 \text{ N}$

Răspunsul sistemului funcționând în circuit deschis este prezentat în figura 6.8 pe baza unei simulări în mediul Matlab (fișierul contr_1.m).

Contr_1.m

```
num=1;
den=[2 10 25];
step(num, den)
```

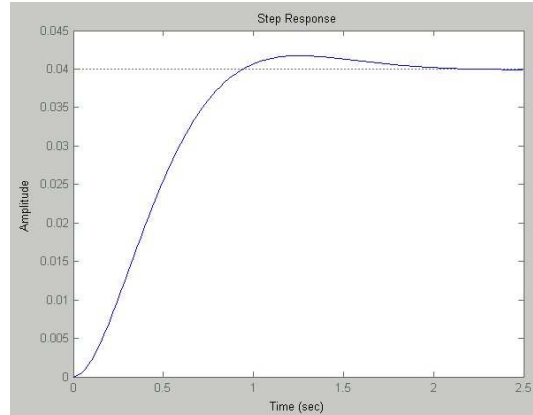


Fig.6.8

Analiza răspunsului evidențiază o amplificare 1/25, existența unei supracreșteri și atingerea valorii de regim staționar după un timp de 2 s s.a.m.d.

Se urmărește proiectarea unui controler care să amelioreze performanțele sistemului.

CONTROL PROPORȚIONAL

Funcția de transfer a noului sistem este:

$$\frac{X(s)}{F(s)} = \frac{K_p}{m \cdot s^2 + C \cdot s + K + K_p} \tag{6.10}$$

Factorul de proporționalitate K_p reprezintă singurul parametru al regulatorului. Prin construcție, acest parametru se prevede a fi ajustabil în limite largi pentru a satisface o mare varietate de legi de reglare.

Deseori se utilizează în locul factorului K_p factorul denumit bandă de proporționalitate BP definită procentual:

$$BP = \frac{1}{K_p} \cdot 100 [\%] \tag{6.11}$$

Dezavantajul regulatorului P constă în faptul că mărimea de acționare este cu atât mai mică cu cât factorul K_p este mai mare. Se urmărește ca factorul să aibă valori cât mai mari.

contr_2.m

```
KP=200;
num=[KP];
den=[2 10 25+KP];
t=0:0.01:2.5;
step(num, den, t)
```

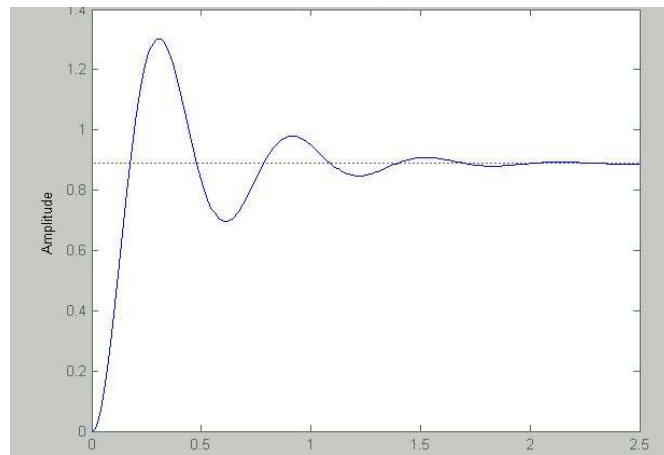


Fig.6.9

Analiza răspunsului sistemului în circuit închis confirmă influențele calitative datorate controlerului proporțional (tabelul 6.1). Pentru un $K_p = 1000$ se obține răspunsul din figura 6.10

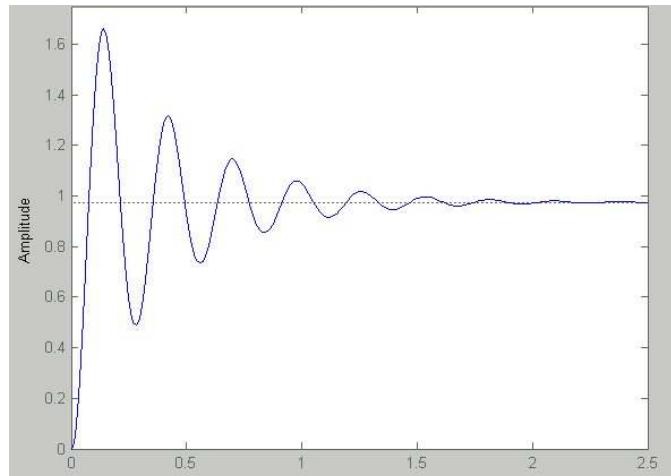


Fig.6.10

Fișierul - m de rezolvare a simulării poate fi creat în jurul funcției Matlab denumite **cloop** care permite obținerea funcției de transfer pentru sistemul în circuit închis pornind de la funcția sistemului în circuit deschis (figura 6.11).

```

C:\matlabR12\work\contr_2a.m
File Edit View Text Debug Breakpoints Web
1 - KP=200
2 - num=1;
3 - den=[2 10 25];
4 - [numCL, denCL]=cloop(KP*num, den);
5 - t=0:0.01:2.5;
6 - step (numCL, denCL, t)
    
```

Fig.6.11

Controler proporțional – derivativ

Funcția de transfer este în acest caz:

$$\frac{X(s)}{F(s)} = \frac{sK_D + K_P}{m \cdot s^2 + (C + K_D) \cdot s + K + K_P} \tag{6.12}$$

Fișierul contr_3.m permite simularea funcționării sistemului în circuit închis cu controler PD.

contr_3.m

```

KP=200;
KD = 15;
num=[KD KP];
den=[2 10+KD 25+KP];
t=0:0.01:2.5;
step (num, den, t)
    
```

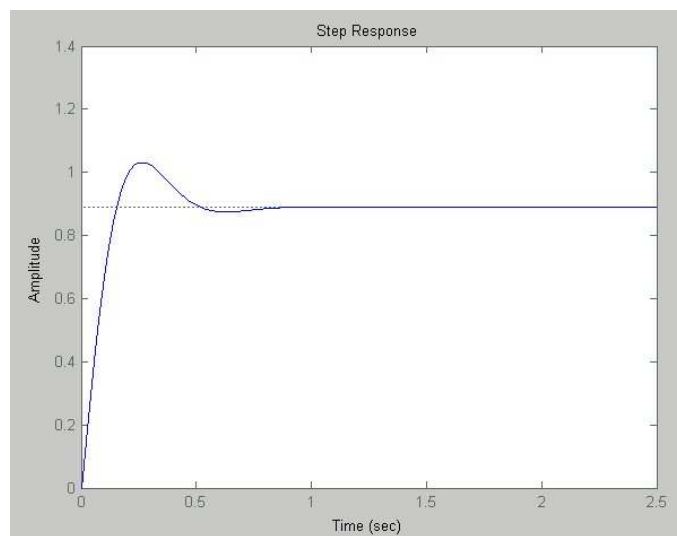


Fig.6,12

Se remarcă efectele pozitive ale introducerii componentei derivate asupra sistemului.

Control proporțional – integral (PI)

Funcția de transfer are forma:

$$\frac{X(s)}{F(s)} = \frac{sK_p + K_I}{m \cdot s^3 + C \cdot s^2 + (K + K_p) \cdot s + K_I} \tag{6.13}$$

contr_4.m

```
KP=35;
KI = 80;
num=[KP KI];
den=[2 10 25+KP KI];
t=0:0.01:2.5;
step (num, den, t)
```

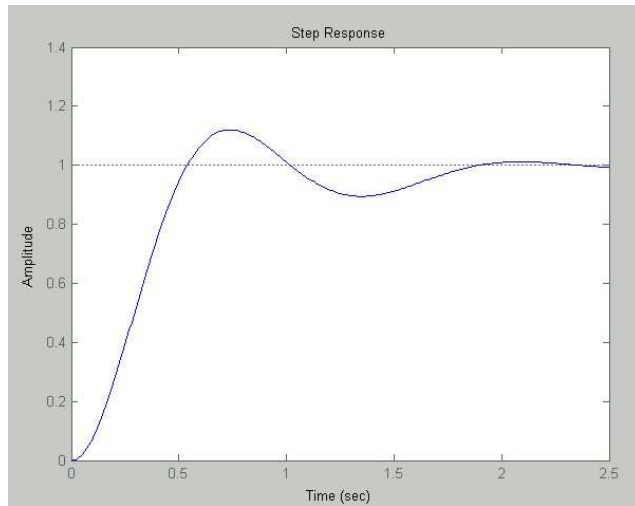


Fig.6.13

Controlerul PID

Funcția de transfer a sistemului este în acest caz definită de ecuația:

$$\frac{X(s)}{F(s)} = \frac{K_D \cdot s^2 + sK_p + K_I}{m \cdot s^3 + (C + K_D) \cdot s^2 + (K + K_p) \cdot s + K_I} \tag{6.14}$$

iar rezultatul simulării este prezentat în figura 6.14. Se constată că cerințele de pornire referitoare la parametrii impuși au fost atinse, răspunsul sistemului apropiindu-se de un semnal treaptă.

Contr_5.m

```
KP=300;
KI = 200;
KD=100;
num=[KD KP KI];
den=[2 10+KD 25+KP KI];
t=0:0.01:2.5;
step (num, den, t)
```

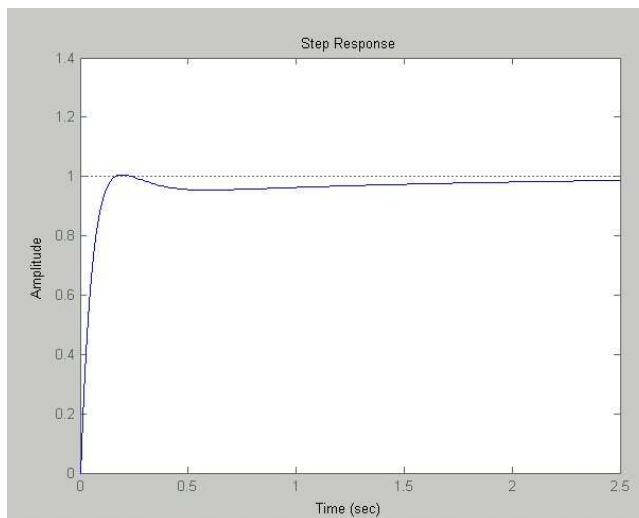


Fig.6.14

Consemnați concluziile finale în referat.